

## Die Lorentz-Transformation

$$\gamma = \frac{1}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

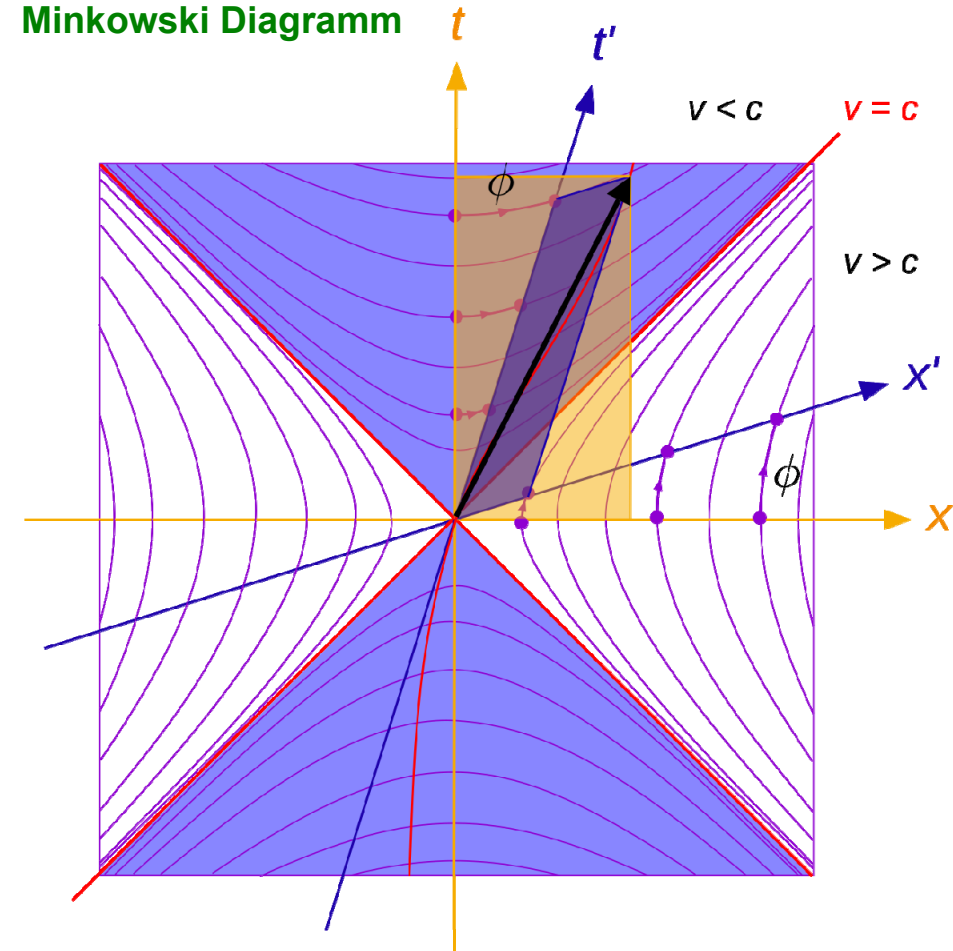
$$\begin{pmatrix} ct' \\ x' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \gamma & -\gamma v/c \\ -\gamma v/c & \gamma \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ct \\ x \end{pmatrix}$$

$$s_{12}^2 = c^2 t^2 - x^2 = c^2 t'^2 - x'^2$$

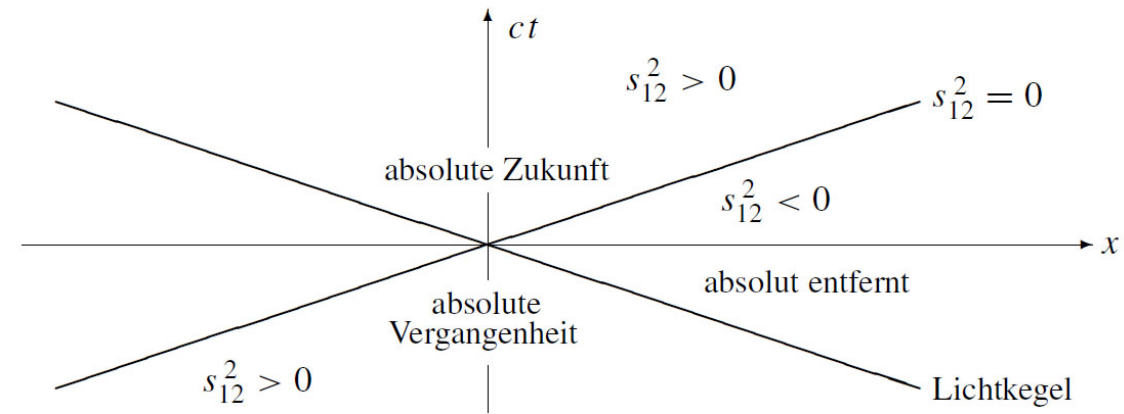
$$x' = \frac{x - vt}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}, \quad y' = y, \quad z' = z, \quad ct' = \frac{ct - vx/c}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

## Umkehrung

### Minkowski Diagramm



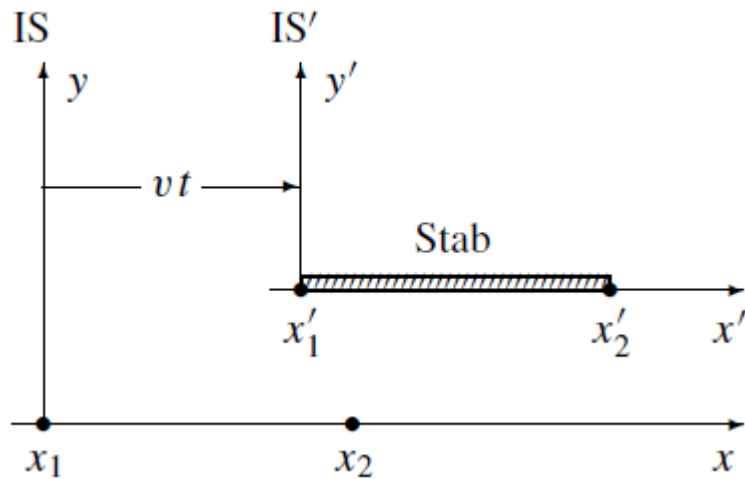
## 0.) Gleichzeitigkeit



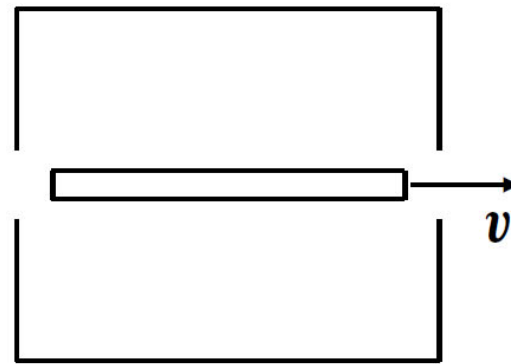
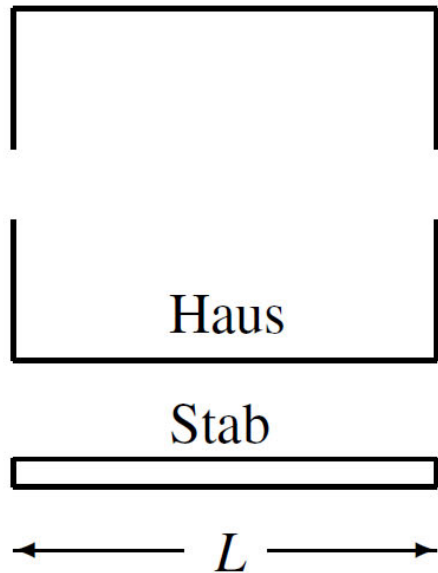
$$x' = \frac{x - vt}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}, \quad y' = y, \quad z' = z, \quad ct' = \frac{ct - xv/c}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

### 1.) Längenkontraktion:

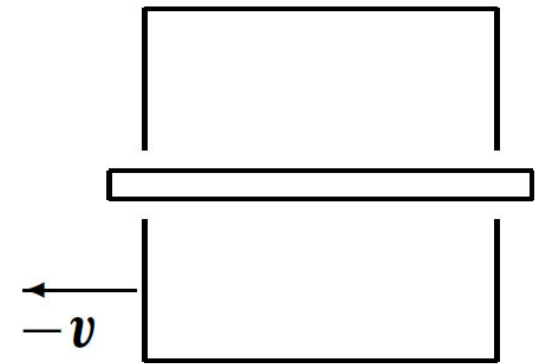
Messungen in einem System (hier: ein Stab) werden zu neuen Koordinaten transformiert, wenn das System sich bewegt.



$$l = l_0 \sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

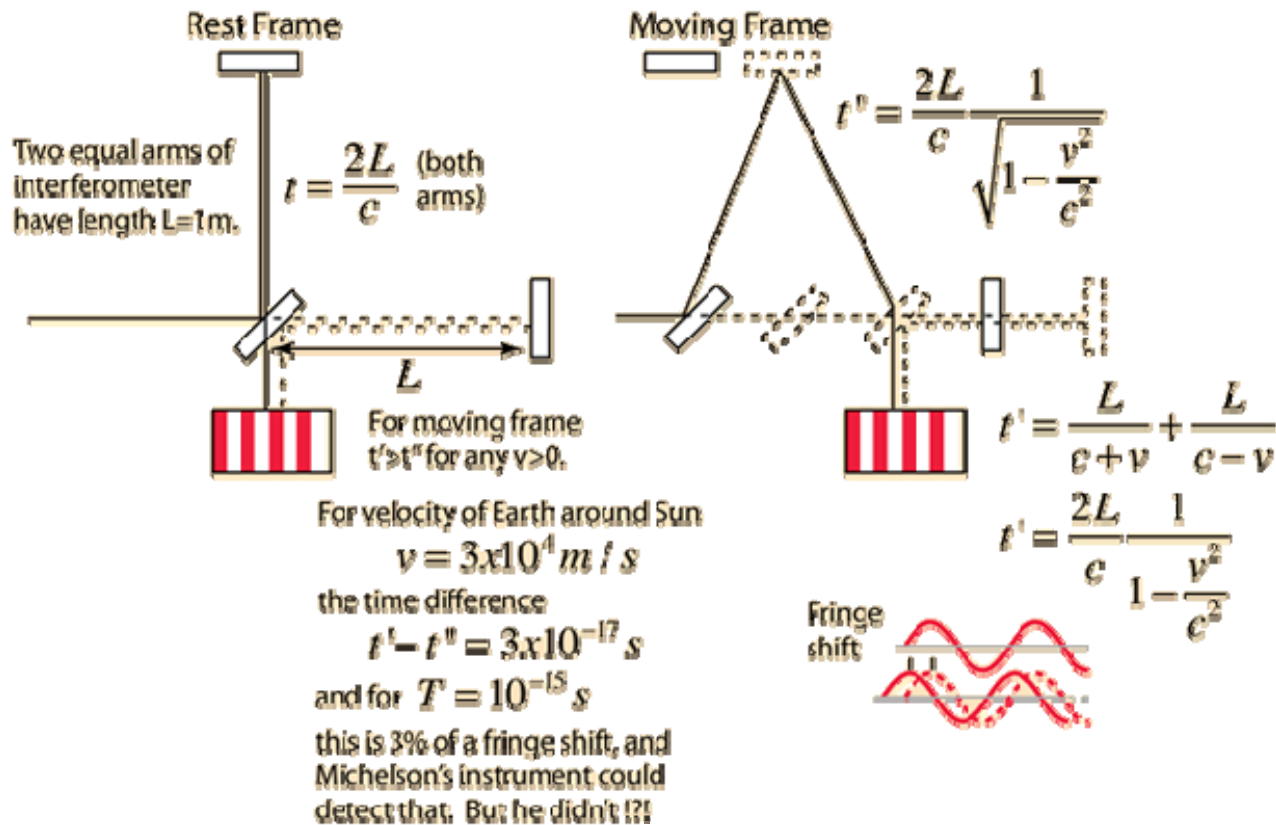
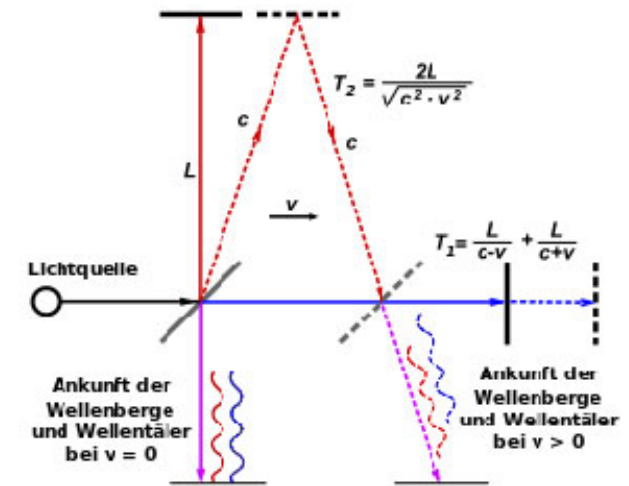


Ruhsystem Haus, IS



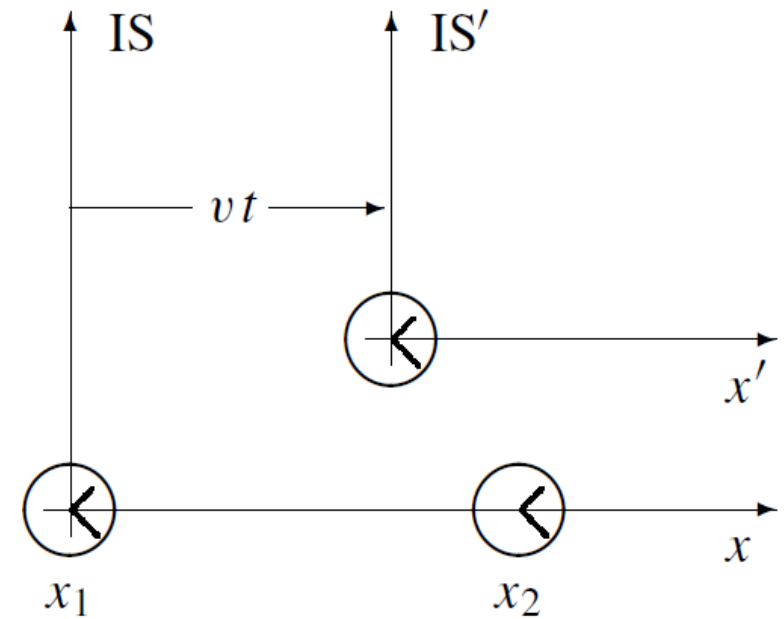
Ruhsystem Stab, IS'

## Anwendung der Längenkontraktion auf Michelson-Morley-Experiment



$$x' = \frac{x - vt}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}, \quad y' = y, \quad z' = z, \quad ct' = \frac{ct - vx/c}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

## 2.) Zeitdilatation einer bewegten Uhr



$$t = \frac{t_0}{\sqrt{1 - v^2/c^2}}$$

## Eigenzeit

Im eigenen Inertialsystem tickt die Uhr schneller als in allen anderen bewegten Systemen.

Die Eigenzeit ist in allen Inertialsystemen gleich:

$$\tau = \int_{t_1}^{t_2} dt \sqrt{1 - \frac{v(t)^2}{c^2}}$$

