

Aufgabe 17. Siehe Blatt 6.

Aufgabe 18.

Die Schwingungsenergie eines zweiatomigen Moleküls ist gemäß

$$E_r = \hbar\omega \left(r + \frac{1}{2} \right) \quad (1)$$

gequantelt, wobei $r = 0, 1, 2, \dots$ ist, und die Niveaus nicht entartet sind.

- (a) Berechnen Sie die mikrokanonische Zustandsdichte $\Omega(E)$ sowie die kalorische Zustandsgleichung.
- (b) Leiten Sie daraus die Wärmekapazität C_{vib} ab und untersuchen Sie deren Grenzverhalten für niedrige und hohe Temperaturen.

Aufgabe 19.

Gegeben sind zwei Teilsysteme A und B mit jeweils vielen Mikrozuständen $|a\rangle, |b\rangle$ und entsprechenden Wahrscheinlichkeiten P_a, P_b . Die Entropie der Teilsysteme ist $S_A = -k \sum_a P_a \ln P_a$ und $S_B = -k \sum_b P_b \ln P_b$.

- (a) Zeigen Sie, dass die Entropie additiv ist, d.h.,

$$S = -k \sum_{a,b} P_{ab} \ln P_{ab} = S_A + S_B, \quad (2)$$

wenn die Systeme unabhängig sind (d.h., wenn $P_{ab} = P_a P_b$).

- (b) Wenn die Systeme nicht unabhängig voneinander sind, dann gilt $P_a = \sum_b P_{ab}$ und $P_b = \sum_a P_{ab}$. Zeigen Sie, dass gilt

$$S - S_A - S_B = k \sum_{a,b} P_{ab} \ln \frac{P_a P_b}{P_{ab}}. \quad (3)$$

Ist der Entropieunterschied positiv oder negativ (mit Beweis)? Was bedeutet das für Systeme mit Wechselwirkungen?