

*Allgemeine Hinweise:* Die mit ♣ gekennzeichneten Aufgaben bzw. Teilaufgaben sind als Hausaufgabe zu bearbeiten und in den dafür vorgesehenen Kästen im 5. Stock, Geb. 46 abzugeben.

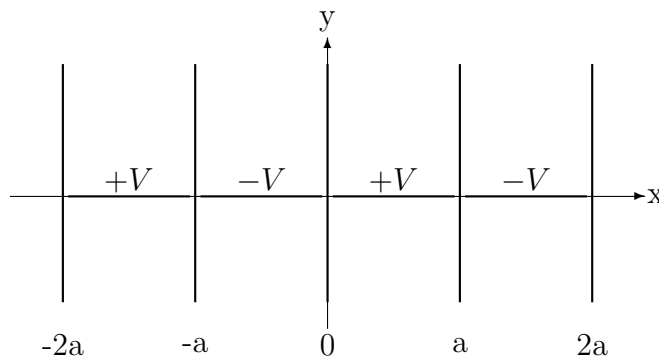
### Aufgabe 16.

Gegeben sei eine Anordnung von unendlich ausgedehnten Flächen (geerdete Leiter) mit Abstand  $a$  parallel zur  $y, z$ -Ebene. Auf diesen verschwindet das Potential. Von den Flächen eingeschlossen sind Streifen der  $x, z$ -Ebene, die alternierend auf dem Potential  $\phi = \pm V$  gehalten werden. Für  $y = 0$  ist  $\phi$  also durch eine Folge von Stufenfunktionen gegeben.

- ♣ (a) Begründen Sie, warum  $\phi$  nicht von  $z$  abhängt. Warum genügt es,  $\phi$  im Intervall  $-a \leq x \leq a$  zu berechnen? Welchen Randbedingungen genügt  $\phi$  für  $|y| \rightarrow \infty$ ?
- (b) Berechnen Sie das Potential  $\phi(x, y, z)$  durch Entwicklung in Produkte von orthonormalen Funktionen der kartesischen Koordinaten in der Form (Separation)

$$\phi(x, y, z) = \sum_{\alpha\beta} A_{\alpha\beta} F_{\alpha}(x) G_{\beta}(y) .$$

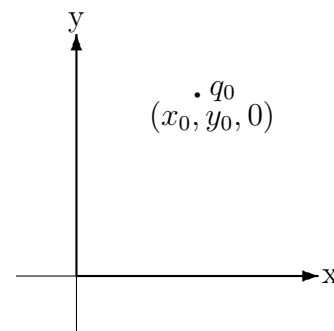
Bestimmen Sie die Funktionen  $F_{\alpha}(x)$  und  $G_{\beta}(y)$  aus den Randbedingungen und berechnen Sie die Koeffizienten  $A_{\alpha\beta}$ . (Hinweis: Zur Bestimmung der  $A_{\alpha\beta}$  genügt die Betrachtung von  $\phi$  am Rand.)



### Aufgabe 17.

Eine Punktladung der Stärke  $q_0$  befindet sich am Ort  $(x_0, y_0, 0)$ ,  $x_0 > 0$ ,  $y_0 > 0$ . Die beiden Halbebenen  $x = 0$ ,  $y > 0$  und  $y = 0$ ,  $x > 0$  seien geerdete ideale Leiter (siehe Skizze).

- ♣ (a) Bestimmen Sie Potential und  $x$ -Komponente der Feldstärke für  $x \geq 0$  und  $y \geq 0$ .
- (b) Bestimmen Sie die Flächenladungsdichte  $\sigma$  auf der leitenden Halbebene  $x = 0$ ,  $y > 0$ . Wie groß ist die influenzierte Ladung  $q_{x=0}^{\text{infl}}$  auf dieser Halbebene? Bestimmen Sie aus Symmetrieüberlegungen die Ladung  $q_{y=0}^{\text{infl}}$  der anderen Halbebene sowie die influenzierte Gesamtladung.



Hilfsformeln:

$$\int \frac{du}{\sqrt{a^2 + u^2}^3} = \frac{u}{a^2 \sqrt{a^2 + u^2}} \quad \int \frac{du}{a^2 + u^2} = \frac{1}{a} \arctan\left(\frac{u}{a}\right)$$

$$\arctan(u) + \arctan(u^{-1}) = \frac{\pi}{2} \quad (u > 0)$$

Bitte wenden!

**Aufgabe 18.**

Es sei eine Anordnung von zwei konzentrischen, unendlich dünnen Kugelschalen gegeben. Auf der inneren Schale mit Radius  $R_1$  werde das Potential auf dem Wert  $\phi = \phi_0 z^2 / R_1^2 = \phi_0 \cos^2 \vartheta$  gehalten, die äußere Schale mit Radius  $R_2 > R_1$  habe das Potential  $\phi = 0$ . Berechnen Sie das Potential  $\phi$

- (a) innerhalb der inneren Schale,  
(b) zwischen den Schalen,  
(c) im Außenraum.